

#### INSTITUTO DE CIÊNCIAS EXATAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

Tel: (32)2102-3308 – (32)2102-3315 E-mail: depto.mat@ufjf.edu.br

**Disciplina:** Geometria Plana

Código: MAT122

**Pré-Requisitos:** Não há

Número de Créditos: 04

Carga Horária Semanal: 04 horas-aula

Carga Horária: 60 horas-aula

# Ementa:

0- O Postulado das Paralelas e as Geometrias Não-Euclidianas

- 1- Axiomas Básicos
- 2- Congruências e o Teorema do Ângulo Externo
- 3- O Axioma das Paralelas
- 4- Semelhança de Triângulos
- 5- O Círculo
- 6- Funções Trigonométricas
- 7- Área

### Bibliografia:

BARBOSA, J.L.M. Geometria Euclidiana Plana (Coleção do Professor de Matemática). SBM.

POGORELOV, A.V. Geometria Elemental.

POSAMENTIER, A.S. & SALKIND, C.T. Challenging Problems in Geometry. New York: Dover Publications Inc, 1996.

PEDOE, D. Geometry: A Comprehensive Course. New York: Dover Publications Inc, 1988.

LIMA, E.L. Medida e Forma em Geometria(Coleção Professor de Matemática). SBM.

### Programa Discriminado em Unidades e Sub-unidades:

## 0- O POSTULADO DAS PARALELAS E AS GEOMETRIAS NÃO-EUCLIDIANAS

História. Existência de outras Geometrias.

## 1- AXIOMAS BÁSICOS

Pontos, Retas. Axiomas de incidência. Segmentos, Semi-retas, Semiplanos. Axiomas de ordem. Axiomas de medição de segmentos. Ponto médio. Ângulos. Axioma de medição de ângulos. Bissetriz de um ângulo. Polígonos: definição.

## 2- CONGRUÊNCIAS E O TEOREMA DO ÂNGULO EXTERNO

Congruências de segmentos e ângulos. Congruências de triângulos (10, 20 e 30 casos). Propriedades do triângulo isósceles. Teorema do ângulo externo. Existência e unicidade da perpendicular. Relação ângulo/lado oposto no triângulo. Desigualdade triangular. 40 caso de congruência. Congruência de triângulos retângulos.

#### 3- O AXIOMA DAS PARALELAS

Unicidade da paralela. Condições de paralelismo. Soma dos ângulos de um triângulo. Paralelogramo: definição e propriedades. Teorema de Tales.

# 4- SEMELHANÇA DE TRIÂNGULOS

Definição. Critérios de Congruência. Teorema de Pitágoras.

### 5- O CÍRCULO

Definições: raio, corda, diâmetro. Raio perpendicular a uma corda. Reta tangente: propriedades. Arcos, ângulo central, ângulo inscrito (relações). Polígonos inscritos e circunscritos em um círculo. Interseções das mediatrizes e bissetrizes de um triângulo. Comprimento de um círculo.

# 6- FUNÇÕES TRIGONOMÉTRICAS

Funções seno e cosseno no círculo. Identidade fundamental. Fórmulas de redução. Relações trigonométricas no triângulo retângulo. Seno e cosseno de ângulos notáveis. Lei dos cossenos. Lei dos senos.

# 7- ÁREA

Axiomas de medição de área de regiões poligonais. Área do paralelogramo. Área do triângulo. Área do trapézio. Área de um polígono regular. Área do círculo.