

Programa de Pós-Graduação em Modelagem Computacional

Plano de Curso

Disciplina : Otimização

Professor : Wilhelm Passarella Freire

Horário : terças e quintas das 10:30 às 12:30 hs.

Programa

1] Elementos de Álgebra Linear

Espaços Vetoriais. Transformações Lineares. Matrizes Positivas/Negativas (semi) Definidas. Autovalores.

2] Elementos de Cálculo Avançado

Normas. Bolas Abertas/Fechadas. Ponto Interior. Fronteira. Conjuntos Abertos/Fechados/Limitados/Compactos. Sequências. Função Contínua. Ponto de Acumulação. Limites. Aplicações Diferenciáveis. Derivada Direcional. Matriz Jacobiana. Regra da Cadeia. Vetor Gradiente. Matriz Hessiana. Teorema da Função Inversa. Teorema da Função Implícita.

3] Otimização

Extremos Locais/Globais. Teorema de Weierstrass. Otimização sem Restrições. Funções Coercivas. Otimização com Restrições de Igualdade e/ou Desigualdade. Condições Necessárias e Suficientes de Primeira e Segunda Ordens. Teorema de Karush-Kuhn-Tucker. Métodos Computacionais de Otimização. Algoritmos de Descida. Método da Máxima Descida (Cauchy). Método de Newton. Buscas Lineares. Métodos Quasi-Newton. FDIPA - Algoritmo de pontos interiores e direções viáveis para problemas diferenciáveis com restrições. Introdução à Otimização Não Diferenciável. Funções Convexas. NFDA - NonSmooth Feasible Directions Algorithm para problemas convexos sem restrições. Dualidade Lagrangeana. IED - Algoritmo de Direções

Inteiros ao Epígrafo para problemas de otimização não convexos não diferenciáveis com restrições. Introdução à Otimização Multiobjetivo.

Avaliação

Trabalhos individuais apresentados pelos estudantes no formato de seminário.

Metodologia

Aulas síncronas gravadas e disponibilizadas através da plataforma Google classroom.

Cronograma

Elementos de Álgebra Linear : 1 semana

Elementos de Cálculo Avançado : 2 semanas

Otimização : 8 semanas

Bibliografia

- 1] K.M. Miettinen, Nonlinear Multiobjective Optimization, Springer Science + Business Media, LCC, 1998.
- 2] J. Jahn, Vector Optimization. Theory, Applications and Extensions, Second Edition, Springer, 2011.
- 3] W.P. Freire, A Feasible Directions Algorithm for Convex Nondifferentiable Optimization. PhD Thesis. COPPE/UFRJ. Rio de Janeiro. 2005.

<http://www.optimize.ufrj.br/files/WilhelmPassarellaFreire.pdf>

- 4] J. Herskovits, Feasible Directions Interior Point Technique for Nonlinear Optimization, *Journal of Optimization Theory and Applications*, vol. 99, no.1, pp. 121-146, 1998.
- 5] J. Herskovits, W.P. Freire, M. Tanaka, A. Canelas, A Feasible Directions Method for Nonsmooth Convex Optimization, *Structural and Multidisciplinary Optimization*, vol 44, no. 3, pp. 363-377, 2011.
- 6] R. S. Burachik, W. P. Freire, C. Y. Kaya, Interior epigraph directions method for nonsmooth and nonconvex optimization via generalized augmented Lagrangian duality, *Journal of Global Optimization* 60 (3) (2014) 501-529. doi:10.1007/s10898-013-0108-4.
- 7] K. Kiwiel, *Methods of Descent for Nondifferentiable Optimization*, 1985.
- 8] M. Makela, P. Neittaanmaki, *Nonsmooth Optimization. Analysis and Algorithms with Applications to Optimal Control*, 1992.
- 9] M. Bazaraa, H. Sherali, C. Shetty, *Nonlinear Programming. Theory and Algorithms*, Wiley, 2006.
- 10] D. Bertsekas, *Nonlinear Programming*, Athena Scientific, Cambridge, 2004.
- 11] J. Hiriart-Urruty, C. Lemarechal, *Convex Analysis and Minimization Algorithms I, II*, 1993.

- 12] A. L. Peressini, F. E. Sullivan, J. J. Uhl, Jr, The Mathematics of Nonlinear Programming. Springer-Verlag. 1993.
- 13] Luenberger, D, Linear and Nonlinear Programming. Springer. 1986.
- 14] Lima, E. L., Curso de Análise. Vol 1 e 2. Impa.
- 15] Baxandall, P., Liebeck, H., Vector Calculus. Dover Publications Inc. 1986.
- 16] Hoffman, K., Kunze, R., Linear Agebra. Prentice-Hall.
- 17] Strang, G., Linear Algebra and its Applications. Academic Press. 1980.
- 18] Friedlander, A., Elementos de Programação Não Linear. Editora da Unicamp. 1994
- 19] Apostila de Otimização. Wilhelm P. Freire.